

Горбик Оксана,
студентка V курсу, спеціальність «Математика та інформатика».
Науковий керівник – **Королюк О. М.,**
кандидат педагогічних наук, доцент

ПЕРЕВАГИ ЗАСТОСУВАННЯ ВЕКТОРНОГО МЕТОДУ В КУРСІ ГЕОМЕТРІЇ ОСНОВНОЇ ШКОЛИ

Поняття вектора є одним із фундаментальних понять сучасної математики. Векторний метод широко застосовується в геометрії для доведення різних тверджень. Цим методом можна розв'язати цілий ряд афінних і метричних задач планіметрії, а також деякі прикладні задачі фізики, астрономії та інших галузей знань [2].

У шкільній математиці векторний метод використовується не так часто. Автори діючих шкільних підручників не ставлять за мету його систематичне використання для доведення теорем і розв'язування задач, а передбачають послуговуватися векторним методом лише для розв'язування найпростіших типових задач, більше уваги приділяють розгляду векторів, які задані своїми координатами. Однак, майже в кожному варіанті завдань математичних олімпіад різних рівнів можна зустріти задачу з геометрії, яку більш раціонально розв'язувати векторним способом.

Векторний апарат можна ефективно використовувати під час доведення деяких тверджень шкільного курсу математики, зокрема доведення паралельності прямих (відрізків); встановлення взаємного розміщення точок на площині тощо.

Переваги застосування векторного в планіметрії можна продемонструвати на прикладі.

Задача: Дано сторони трикутника a, b, c . Знайти медіани m_a, m_b, m_c , проведені до цих сторін [4].

Розв'язання. I спосіб (аналітичний)

Розглянемо трикутники $\triangle ABO$ і $\triangle BOC$ (рис. 1).

За теоремою косинусів, маємо: $c^2 = \frac{b^2}{4} + m_b^2 - bm_b \cos a$ і

$$\begin{aligned} a^2 &= \frac{b^2}{4} + m_b^2 - bm_b \cos(180 - a) = \frac{b^2}{4} + m_b^2 - bm_b (-\cos(-a)) = \frac{b^2}{4} + m_b^2 + bm_b \cos(-a) = \\ &= \frac{b^2}{4} + m_b^2 + bm_b \cos(a). \end{aligned}$$

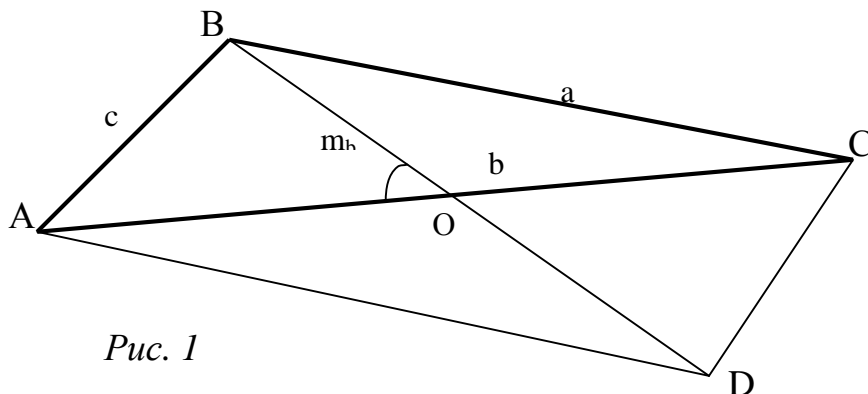


Рис. 1

Додамо отримані рівності й одержимо:

$$c^2 + a^2 = \frac{b^2}{2} + 2m_b^2, \quad \text{звідки} \quad m_b = \frac{1}{2}\sqrt{2a^2 + 2c^2 - b^2}.$$

Аналогічно знаходимо й дві інші медіани:

$$m_a = \frac{1}{2}\sqrt{2b^2 + 2c^2 - a^2}, m_c = \frac{1}{2}\sqrt{2a^2 + 2b^2 - c^2}$$

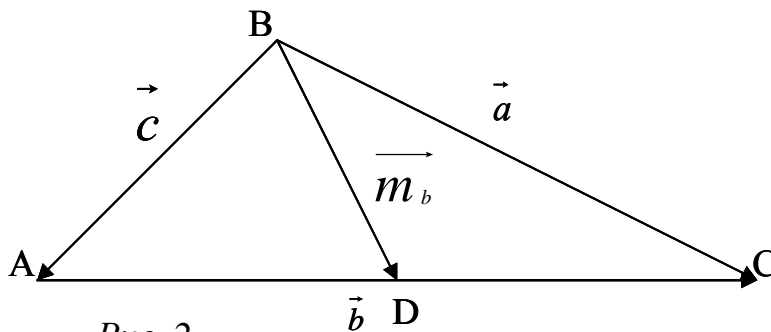
II спосіб (векторний)

Введемо вектори $\overrightarrow{BA} = \vec{c}$, $\overrightarrow{BC} = \vec{a}$, $\overrightarrow{AC} = \vec{b}$, $\overrightarrow{BD} = \vec{m}_b$ (рис. 2).

Використовуючи правила дій над векторами, запишемо:
$$\begin{cases} \vec{a} + \vec{c} = 2\vec{m}_b, \\ \vec{a} - \vec{c} = \vec{b}. \end{cases}$$

Піднесемо обидві частини до квадрату, одержимо:

$$\begin{cases} a^2 + 2\vec{a}\vec{c} + c^2 = 4m_b^2, \\ a^2 - 2\vec{a}\vec{c} + c^2 = b^2. \end{cases}$$



Додаючи ці рівності, маємо: $2a^2 + 2c^2 = 4m_b^2 + b^2$,

звідки $m_b = \frac{1}{2}\sqrt{2a^2 + 2c^2 - b^2}.$

Аналогічно знаходимо й дві інші медіани:

$$m_a = \frac{1}{2}\sqrt{2b^2 + 2c^2 - a^2}, m_c = \frac{1}{2}\sqrt{2a^2 + 2b^2 - c^2}$$

Отже, використання векторного методу, на нашу думку, спрощує розв'язання задачі. Однак відчуті ці переваги учні зможуть лише в тому випадку, коли досконало володіють властивостями векторів, набули вміння виконувати операції з векторами.

Література

1. Панішева О. В. Векторний метод: інтегрований урок геометрії та фізики / О. В. Панішева // Математика. – 2000. – № 14. – С. 4–5.
2. Слєпкань З. І. Методика навчання математики : підручник / З. І. Слєпкань. – [2-ге вид., допов. і переробл.]. – К. : Вища шк., 2006. – 582 с.
3. Крайзман М. Л. Розв'язування геометричних задач методом векторів : навч.-метод. посіб./ М. Л. Крайзман. – К. : Радянська школа, 1980. – 96 с.

4. Мерзляк А. Г. Геометрія : підручн. для 9 кл. загальноосвіт. навч. закл. / Мерзляк А. Г. Полонський В. Б., Якір М. С. – Х. : Гімназія, 2009. – 272 с.